

Lycee El Hedi Ben Hsin Jendouba

Devoir de synthese N°1

EXERCICE1

Pour chaque question donner la ou les bonnes reponses(sans justification)

1) $(U)_n$ est une suite arithmetique de premier terme $U_0 = -3$ et de raison r

On donne aussi $U_{19} = 35$ alors

a) $U_{21} = 41$ b) $U_{21} = 39$ c) $r = 2$

2) soit $(U)_n$ une suite de reels tel que $U_n = 2$ alors

a) $(U)_n$ est une suite arithmetique de premier terme $U_0 = 2$ et $r = 0$

b) // // // // // et $r = 1$

3) on considere l'equation (E): $3x^2 + 4x - 7 = 0$

a) (E) admet deux solutions distinctes de meme signes

b) $3x^2 + 4x - 7 \leq 0 \Leftrightarrow x \in \left[\frac{-7}{3}, 1 \right]$

EXERCICE2

On donne les expressions

$A(x) = x^2 + x - 6$ et $B(x) = 2x^2 - 3x + 4$

1) a) resoudre dans \mathbb{R} $A(x) = 0$

b) dresser le tableau de signe de $A(x)$

c) comparer 1 par rapport aux solutions de $A(x) = 0$

d) deduire les solutions de $x^4 + x^2 - 6 = 0$

2) a) montrer que pour tout reel x on a : $B(x) > 0$

b) on pose $f(x) = \frac{A(x)}{B(x)}$ determiner l'ensemble des reels x pour

lesquel $f(x)$ a un sens

c) déduire l'ensemble des solutions de $f(x) \geq 0$

EXERCICE 3

$ABCD$ est un trapèze de bases $[AB]$ et $[CD]$ on considère les points E et F tels que

$$2\overrightarrow{FA} + 5\overrightarrow{FB} = \vec{0} \quad \text{et} \quad 3\overrightarrow{EC} + 4\overrightarrow{ED} = \vec{0}$$

1) montrer que $\overrightarrow{AF} = \frac{5}{7}\overrightarrow{AB}$ et $\overrightarrow{CE} = \frac{4}{7}\overrightarrow{CD}$

2) soit G le milieu de $[EF]$

$$\text{Montrer que } 2\overrightarrow{GA} + 5\overrightarrow{GB} + 3\overrightarrow{GC} + 4\overrightarrow{GD} = \vec{0}$$

3) M étant un point \vec{u} et \vec{v} deux vecteurs tels que

$$\vec{u} = 2\overrightarrow{MA} + 5\overrightarrow{MB} + 3\overrightarrow{MC} + 4\overrightarrow{MD}$$

$$\vec{v} = 2\overrightarrow{MA} + 5\overrightarrow{MB} - 3\overrightarrow{MC} - 4\overrightarrow{MD}$$

a) exprimer \vec{u} en fonction de \overrightarrow{MG}

b) montrer que $\vec{v} = 7\overrightarrow{FE}$

4) déterminer l'ensemble des points M tels que $\|\vec{u}\| = \|\vec{v}\|$

Correction(proposee par GUESMI.B)

EXERCICE1

1)b et c

2)b

3)b

EXERCICE2

1)a) on a $\Delta = 25$ donc $x_1 = 2$ et $x_2 = -3$

b)

	$-\infty$	-3	2	$+\infty$
--	-----------	------	-----	-----------

$x^2 + x - 6$	+	-	+
---------------	---	---	---

c) $-3 \leq 1 \leq 2$

d) on pose $x^2 = y$ donc $y^2 + y - 6 = 0$ donne

$y = -3$ ou $y = 2$ signifie que $x^2 = -3$ (impossible) ou $x^2 = 2$

donc $x = \sqrt{2}$ ou $x = -\sqrt{2}$

2)a) pour $B(x)$ on a $\Delta = -7$

Donc le signe de $B(x)$ est le meme que celui de a qui est 2 donc pour tout reel

On a $B(x) > 0$

b) $f(x)$ existe pour $B(x) \neq 0$ donc $f(x)$ est defini sur \mathbb{R}

d) $f(x) \geq 0 \Leftrightarrow A(x) \geq 0 \Leftrightarrow x \in]-\infty, -3] \cup [2, +\infty[$

EXERCICE3

1) On a $\overrightarrow{FA} + 5(\overrightarrow{FA} + \overrightarrow{AB}) = \vec{0}$ donc $\overrightarrow{AF} = \frac{5}{7}\overrightarrow{AB}$ de la meme facon $\overrightarrow{CE} = \frac{4}{7}\overrightarrow{CD}$

2) G milieu de $[EF] \Leftrightarrow \overrightarrow{GE} + \overrightarrow{GF} = \vec{0}$

On a $2(\overrightarrow{GF} + \overrightarrow{FA}) + 5(\overrightarrow{GF} + \overrightarrow{FB}) + 3(\overrightarrow{GE} + \overrightarrow{EC}) + 4(\overrightarrow{GE} + \overrightarrow{ED}) =$

$$7(\overrightarrow{GE} + \overrightarrow{GF}) + (2\overrightarrow{FA} + 5\overrightarrow{FB}) + (3\overrightarrow{EC} + 4\overrightarrow{ED}) = \vec{0} + \vec{0} + \vec{0} = \vec{0}$$

$$\begin{aligned}
 \text{3)a) } \vec{u} &= 2(\overrightarrow{MG} + \overrightarrow{GA}) + 5(\overrightarrow{MG} + \overrightarrow{GB}) + 3(\overrightarrow{MG} + \overrightarrow{GC}) + 4(\overrightarrow{MG} + \overrightarrow{GD}) = \\
 & 14\overrightarrow{MG} + (2\overrightarrow{GA} + 5\overrightarrow{GB} + 3\overrightarrow{GC} + 4\overrightarrow{GD} = \vec{0}) \\
 & = 14\overrightarrow{MG}
 \end{aligned}$$

$$\text{b)ona : } \vec{u} + \vec{v} = 2(\overrightarrow{MA} + 5\overrightarrow{MB}) \text{ on intercale } F \text{ donc}$$

$$\vec{u} + \vec{v} = 14\overrightarrow{MF} \text{ donc } 14\overrightarrow{MG} + \vec{v} = 17\overrightarrow{MF} \text{ d'ou } \vec{v} = 14\overrightarrow{FG} = 7\overrightarrow{FE}$$