

Les primitives

I. Définition

Soit f une fonction définie sur un intervalle I de \mathbb{R} .
On appelle primitive de f sur I toute fonction F dérivable sur I telle que, pour tout x de I , $F'(x) = f(x)$.

II. Propriétés

- ▶ Toute fonction définie et continue sur un intervalle I admet des primitives sur I .
- ▶ Soit f une fonction définie et continue sur un intervalle I , F une primitive de f sur I et k un nombre réel.
La fonction G définie sur I par $G(x) = F(x) + k$ est encore une primitive de f sur I .

III. Primitives de fonctions usuelles

$f(x)$	I	$F(x)$
0	\mathbb{R}	k
a	\mathbb{R}	$ax + k$
x	\mathbb{R}	$\frac{1}{2}x^2 + k$
x^n	\mathbb{R}	$\frac{1}{n+1}x^{n+1} + k$, n différent de -1
$\frac{1}{x^2}$	$] -\infty, 0[$ ou $] 0, +\infty[$	$-\frac{1}{x} + k$
$\frac{1}{\sqrt{x}}$	$] 0, +\infty[$	$2\sqrt{x} + k$

(où $k \in \mathbb{R}$)

Primitives d'une puissance

$f = a^n \cdot a^x$, alors $F = \frac{1}{n+1}a^{n+1}x + k$
avec k nombre réel et n différent de -1.

Primitives de l'inverse d'une puissance

$$f = \frac{u^r}{u^n}, \text{ alors } F = -\frac{1}{n-1} \times \frac{1}{u^{n-1}} + k$$

avec k nombre réel et n différent de 1.

Primitives de l'inverse d'une racine carrée

$$f = \frac{u^r}{\sqrt{u}}, \text{ alors } F = 2\sqrt{u} + k$$

avec k nombre réel

Guesmi.B