

EXERCICE N°1 :

Partie A : soit $f(x) = \frac{1}{x+2}$

- 1) Déterminer D_f
- 2) Montrer que la fonction f est décroissante sur $]-\infty; -2[$ puis sur $] -2; +\infty[$
- 3) Déterminer le tableau de variation de f
- 4) Tracer la courbe de f dans un RON ($O ; I ; J$)

Partie B : soit $g(x) = \frac{-x-1}{x+2}$

- 1) Déterminer a et b pour que $g(x) = a + \frac{b}{x+2}$
- 2) Expliquer comment construire C_g à partir de C_f ; construire C_g dans le même repère
- 3) Déterminer alors le tableau de variation de g à partir de sa courbe

Parti C : soit $h(x) = \frac{-|x|-1}{|x|+2}$

- 1) Déterminer D_h
- 2) Montrer que h est une fonction paire
- 3) Montrer que $h(x) = g(x)$ sur $]0; +\infty[$
- 4) Construire C_h dans le même repère
- 5) Dédire le tableau de variation de h à partir de sa courbe

EXERCICE N°2 :

Le plan est muni d'un RON ($\vec{O}, \vec{I}, \vec{J}$)

On donne : $A(-1, 2)$; $B(0, -2)$, $\vec{U} \begin{pmatrix} 4 \\ -1 \end{pmatrix}$ et la droite $D : x - y - 2 = 0$

- 1) Vérifier que point $B \in D$
- 2) a- Déterminer l'équation de la droite Δ passant par A et de vecteur directeur \vec{U}
b- calculer la distance entre le point B et la droite Δ
c- montrer que les droites D et Δ sont sécantes en un point que l'on précisera
- 3) soit $D_m = \{M(x ; y) / (m+2)x + (1-m)y + 2 - 2m = 0\}$
a- montrer que D_m est une droite pour tout réel m
b- déterminer m pour que D_m passe par le point A
c- déterminer m pour que D_m soit perpendiculaire à la droite Δ
d- montrer que toutes les droites D_m sont concourantes en B

BON TRAVAIL

CORRECTION (proposée par Guesmi.B)

EXERCICE 1

A) 1) $D_f = \mathbb{R} - \{-2\}$

2) sur $] -\infty, -2[$

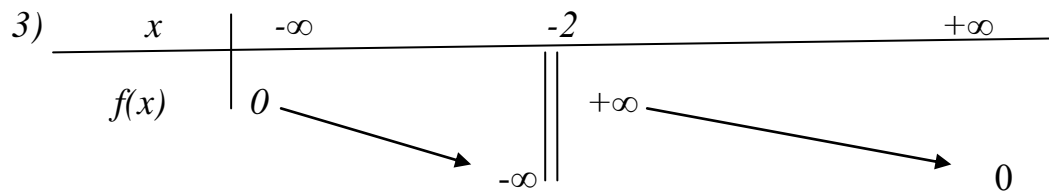
$a < -2$ et $b < -2$ avec $a \neq b$

$$T = \frac{f(a) - f(b)}{a - b} = \frac{\frac{1}{a+2} - \frac{1}{b+2}}{a - b} = \frac{b - a}{(a+2)(b+2)}$$

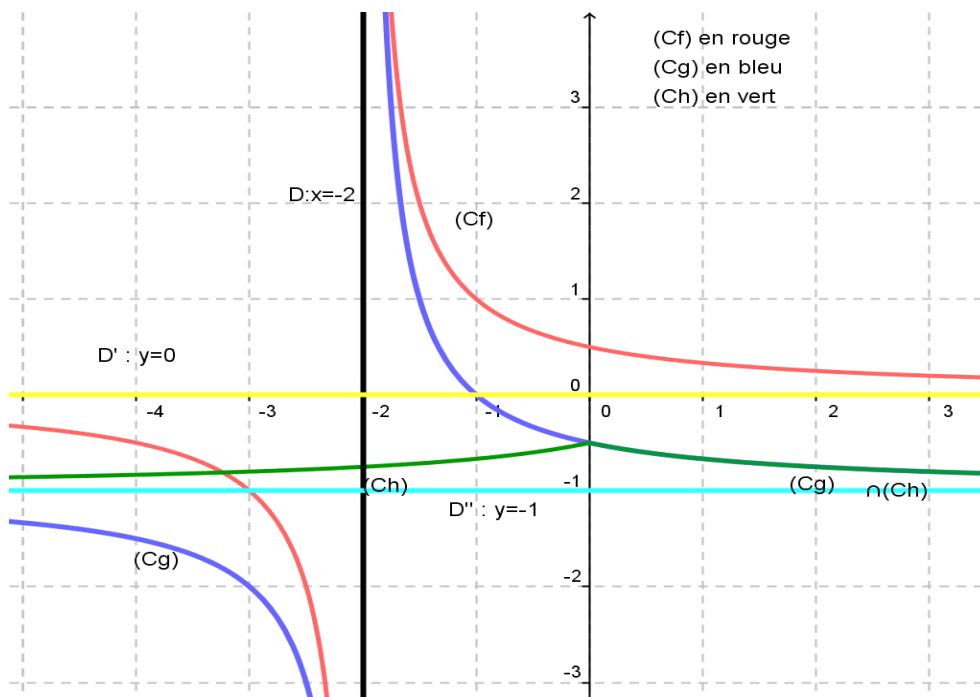
$$= \frac{-1}{(a+2)(b+2)} \text{ or } a + 2 < 0 \text{ et } b + 2 < 0 \text{ donc } T < 0$$

Donc f est décroissante sur $] -\infty, -2[$

De même f est décroissante sur $] -2, +\infty[$



4)



$$B)1) g(x) = \frac{-x-2+1}{x+2} = -\left(\frac{x+2}{x+2}\right) + \frac{1}{x+2} = -1 + \frac{1}{x+2} \quad (1)$$

Donc $a=-1$ et $b=1$

2)soit $M(x,f(x)) \in (C_f)$ et $M'(x,g(x)) \in (C_g)$

On a : d'apres (1) $g(x)=f(x)-1$

$$\overrightarrow{MM'} \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \end{pmatrix} \text{ sig } \overrightarrow{MM'} = -\vec{j} \text{ sig } M' = t_{-\vec{j}}(M)$$

Donc $(C_g) = t_{-\vec{j}}(C_f)$

3)meme variation que f

C)1) $D_h = IR$

2)pour $x \in IR$ on a : $-x \in IR$ et $h(-x) = h(x)$

Donc h est paire

3) pour $x > 0$ on a : $h(x) = \frac{-x-1}{x+2} = g(x)$

4)voir courbe

5)on remarque que h est croissante sur $]-\infty,0]$ et decroissante sur $[0,+\infty[$

EXERCICE2

1)On a : $0+2-2=0$ donc $B \in D$

2)a) $\Delta : -x-4y+c=0$ or $A \in \Delta$ donc $1-4.2+c=0$ donc $c=7$

Alors $\Delta : -x-4y+7=0$ sig $\Delta : y = \frac{-1}{4}x + \frac{7}{4}$

$$b)d(B,\Delta) = \frac{|-1 \cdot 0 - 4 \cdot (-2) + 7|}{\sqrt{(-1)^2 + (-4)^2}} = \frac{15}{\sqrt{17}}$$

$$c) \begin{cases} -x - 4y + 7 = 0 \\ x - y - 2 = 0 \end{cases} \text{ sig } \begin{cases} x = 3 \\ y = 1 \end{cases}$$

donc $I(3,1)$ D et Δ sont secantes puisque \vec{U} n'est pas un vecteur directeur de D

3)a) $ax+by+c=0$ est l'équation d'une droite si a et b ne sont

Pas nul en meme temps c.a.d $(a,b) \neq (0,0)$

Dans notre cas $a=m+2$ et $b=1-m$

$a=0$ si $m=-2$ donc si $m=-$ alors $b=1+2=3 \neq 0$

donc $(a,b) \neq (0,0)$ pour tout réel m

donc D_m est une droite pour tout réel m

b) $A \in D_m$ donc $(m+2)(-1) + 2(1-m) + 2 - 2m = 0$

donc $m = \frac{2}{5}$

c) $D_m \perp \Delta$ le coefficient directeur de D_m est $\frac{-a}{b} = \frac{m+2}{m-1}$ et $m \neq 1$

le coefficient directeur de Δ est $(\frac{-1}{4})$

$D_m \perp \Delta$ sig $(\frac{-1}{4}) (\frac{m+2}{m-1}) = -1$ donc $m=2$

c) montrons que pour tout réel m on a : $B \in D_m$

ona : $(m+2).0 + (1-m)(-2) + 2 - 2m = -2 + 2m + 2 - 2m = 0$

donc toutes les droites D_m passent par B