

Exercice 1

Répondre par Vrai ou Faux à chacune des cinq questions suivantes. Aucune justification n'est demandée.

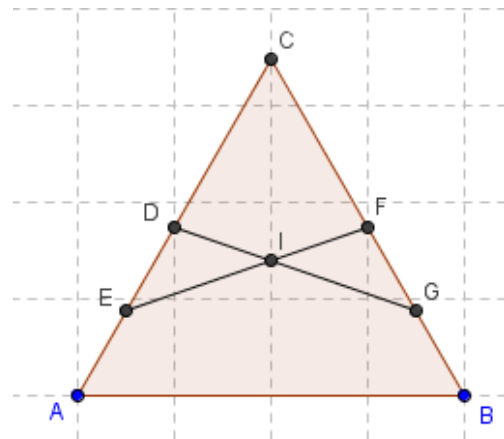
1. Les nombres suivants sont trois termes consécutifs d'une suite arithmétique : 510 , 621 et 732.
2. Soit $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite arithmétique de premier terme $U_0 = 5$ et de raison $r = -6$ alors :

$$U_n = 5 - 6n , \text{ pour tout } n \in \mathbb{N}$$

3. $2 + 4 + 6 + \dots + 2008 + 2010 = 1011030$

4. C est l'image de B par l'homothétie de centre A et de rapport $\frac{2}{5}$ équivaut à $\vec{AB} = \frac{2}{5}\vec{AC}$

5. ABC est un triangle équilatéral. D est milieu de [AC] , F est milieu de [BC] , E milieu de [AD] et G milieu de [BF].



Le rapport de l'homothétie de centre I qui envoie

$$D \text{ sur } G \text{ et } F \text{ sur } E \text{ est } \frac{2}{3}$$

Exercice 2 : (8 points)

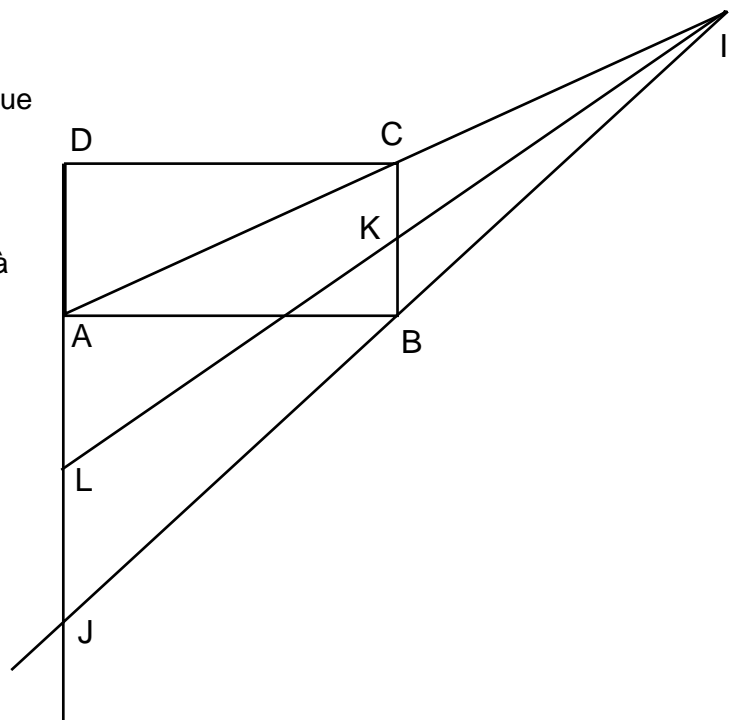
Soit ABCD un rectangle, on désigne par I le symétrique de A par rapport à C. La droite (IB) coupe (AD) en J.

On considère l'application f du plan dans le plan qui à

tout point M associe le point M' tel que :

$$\vec{MM'} = \vec{MA} - 2\vec{MC}.$$

1. Montrer que f est l'homothétie de centre I et de rapport 2.
2. a) Déterminer l'image de la droite (BC) par f .
b) Montrer que $f(B) = J$.



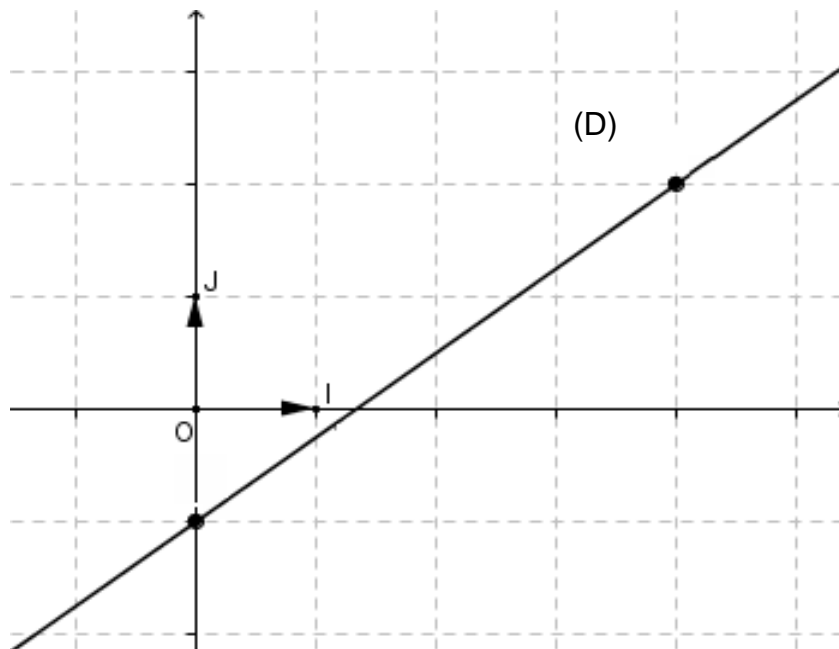
3. Soit K le milieu du segment $[BC]$. La droite (IK) coupe (AD) en L .

Montrer que L est le milieu de $[AJ]$.

4. On suppose que A et C sont fixes et que B varie sur le cercle (\mathcal{C}) de diamètre $[AC]$.

Déterminer l'ensemble des points J lorsque B varie .

Exercice 3



Dans le graphique ci-dessus, (D) est la droite qui contient les points $A(n, U_n)$, où (U_n) est une suite arithmétique de premier terme U_0 et de raison r .

1. a) Donner par lecture graphique la valeur de U_0 et de U_4 .
b) Déterminer alors r .
2. Exprimer U_n en fonction de n .
3. Déterminer le trentième terme de la suite (U_n) .
4. Déterminer n pour que $U_n = 74$.

Correction (proposée par Guesmi.B)

EXERCICE 1

1)Vrai 2)Vrai 3)Vrai 4)Faux 5)Faux

EXERCICE 2

1) on a $\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IM'} = \overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IA} - 2\overrightarrow{MI} - 2\overrightarrow{IC}$ or $\overrightarrow{IA} = 2\overrightarrow{IC}$ donc $\overrightarrow{IM'} = 2\overrightarrow{IM}$; $\forall M \in P$

Donc $f = h_{(I,2)}$

2)a) on a : (AJ)//(BC) et C milieu de [IA] donc B milieu de [IJ]

D'où $h_{(I,2)}(B) = J$ et alors $f(BC) = (AJ)$

AUTRE METHODE

1)a) L'image d'une droite par une homothétie est une droite de même

Direction et puisque $h(C)=A$ alors l'image de (BC) est une

Droite qui passe par $h(C)=A$ et // à (BC) qui n'est que (AD)

b) puisque $B \in (BC)$ donc $h(B) \in h(BC)$ alors $h(B) \in (AD)$ et $h(B)$ est aligné avec I et B donc

$h(B)=J$

3) on a : $K \in (BC) \cap (IK) \Rightarrow h(K) \in (AD) \cap (IK)$ donc $h(K)=L$

Or toute homothétie conserve les milieux alors L milieu de [AJ]

EXERCICE 3

1)a) pour $n=0 \Rightarrow (0, u_0) \Rightarrow u_0=1$

$n=4$ donc $(4, u_4)$ alors $u_4=2$

b) $u_4 = u_0 + 4r$ d'où $2 = 1 + 4r$ alors $r = \frac{1}{4}$

2) $u_n = u_0 + nr$ en remplaçant alors $u_n = 1 + \frac{1}{4}n$ (1)

3) d'après (1) on a : $u_{30} = 8,5$

4) $1 + \frac{1}{4}n = 74$ donc $n = 292$