

**Exercice 1 :** ( 3 points)

Dans le tableau ci-dessous, à chaque question une seule des réponses proposées est correcte.

Ecrire le numéro de chaque question et donner, sans **justification**, la réponse qui lui correspond.

N	Questions	Réponses		
		a	b	c
1	Si G est le barycentre de (A, 2) et (B, 3) alors :	$\overrightarrow{AG} = \frac{2}{5}$	$\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3}$	$\overrightarrow{AG} = \frac{3}{5}$
2	a est un réel non nul. Si 0 est solution de l'équation $ax^2 + bx + c = 0$ alors l'autre solution est	$-\frac{b}{2a}$	$-\frac{b}{a}$	$\frac{c}{a}$
3	$2x^2 - 3x + 1 \leq 0$ a pour ensemble de solutions :	$\left[-\frac{1}{2}, 1\right]$	$\left]-\infty, \frac{1}{2}\right] \cup [1, +\infty[$	$\left[\frac{1}{2}, 1\right]$

**Exercice 2 :** ( 7 points)

1. a) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $2x^2 - 5x + 3 = 0$ .

b) En déduire les solutions de chacune des équations :  $2 - \frac{5}{x} + \frac{3}{x^2} = 0$ .

2. Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation  $\frac{2x^2 + x}{2x^2 - 5x + 3} \leq -x$ .

**Exercice 3 :** ( 10 points)

Soit A, B et C trois points non alignés et D le point tel que  $2\overrightarrow{DA} - \overrightarrow{DB} + 2\overrightarrow{DC} = \vec{0}$ .

1. Soit G le barycentre des points pondérés (A, 2) et (B, -1).

a) Montrer que D est le barycentre des points G et C affectés de coefficients de que l'on déterminera.

b) Construire G et D.

2. Déterminer et construire l'ensemble ( $\Gamma$ ) des points M tels que

$$\|2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}\| = \|6\overrightarrow{MA} - 3\overrightarrow{MB}\|.$$

3. Déterminer et construire l'ensemble ( $\Gamma'$ ) des points M tels que  $\|\overrightarrow{MG} + 2\overrightarrow{MC}\| = \|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB}\|$ .

---

---

**Exercice 1 :**

1. c) ; 2. b) ; 3. c)

**Exercice 2 :**

1. a) On remarque  $x' = 1$  est une solution de l'équation  $2x^2 - 5x + 3 = 0$ . L'autre solution est donc  $x'' = \frac{3}{2}$ .

b) L'équation  $3 - \frac{5}{x} + \frac{2}{x^2} = 0$  est équivalente à  $x \neq 0$  et  $2\left(\frac{1}{x}\right)^2 - 5\left(\frac{1}{x}\right) + 3 = 0$

Ou encore  $x \neq 0$  et  $\left(\frac{1}{x} = 1 \text{ ou } \frac{1}{x} = \frac{3}{2}\right)$ .

Il en résulte que les solutions de l'équation  $3 - \frac{5}{x} + \frac{2}{x^2} = 0$  sont  $x_1 = 1$  et  $x_2 = \frac{2}{3}$ .

2. Il faut que  $2x^2 - 5x + 3 \neq 0$ , c'est-à-dire :  $x \neq 1$  et  $x \neq \frac{3}{2}$ .

$$\frac{-2x^3 + 8}{2x^2 - 5x + 3} \leq -x \quad \text{équivaut à} \quad \frac{-2x^3 + 8}{2x^2 - 5x + 3} + x \leq 0 \quad \text{équivaut à} \quad \frac{-5x^2 + 3x + 8}{2x^2 - 5x + 3} \leq 0.$$

Les solutions de l'équation  $-5x^2 + 3x + 8 = 0$  sont  $-1$  et  $-\frac{8}{5} = \frac{8}{5}$ .

Dressons le tableau de signe des trinômes  $-5x^2 + 3x + 8$  et  $2x^2 - 5x + 3$  :

x	$-\infty$	-1	1	$\frac{3}{2}$	$\frac{8}{5}$	$+\infty$	
$-5x^2 + 3x + 8$	-	0	+	+	+	0	-
$2x^2 - 5x + 3$	+	+	0	-	0	-	-
$\frac{-5x^2 + 3x + 8}{2x^2 - 5x + 3}$	-	0	+	-	-	0	+

Ainsi, l'ensemble de solution de l'inéquation  $\frac{-2x^3 + 8}{2x^2 - 5x + 3} \leq -x$  est

$$]-\infty, -1] \cup \left] 1, \frac{3}{2} \right[ \cup \left[ \frac{8}{5}, +\infty \right[.$$

**Exercice 3 :**

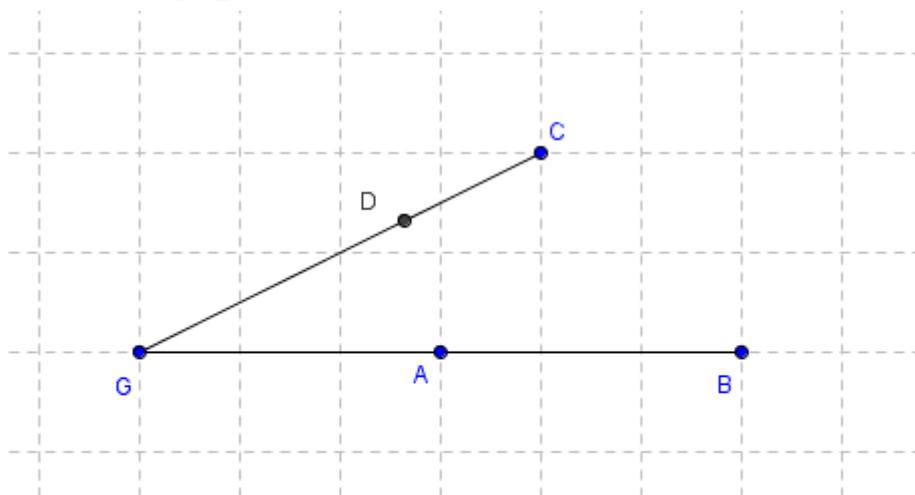
1. a)  $2\overrightarrow{DA} - \overrightarrow{DB} + 2\overrightarrow{DC} = \vec{0}$  équivaut à  $2(\overrightarrow{DG} + \overrightarrow{GA}) - (\overrightarrow{DG} + \overrightarrow{GB}) + 2\overrightarrow{DC} = \vec{0}$   
équivaut à  $\overrightarrow{DG} + 2\overrightarrow{DC} = \vec{0}$
-

Par suite, D est le barycentre de (G, 1) et (C, 2).

b) G le barycentre des points pondérés (A, 2) et (B, -1) donc  $\overrightarrow{AG} = \frac{-1}{2-1} \overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{AB}$ .

D'où G est le symétrique de B par rapport à A.

On a :  $\overrightarrow{GD} = \frac{2}{1+2} \overrightarrow{GC} = \frac{2}{3} \overrightarrow{GC}$ .



$$2. \quad \|\overrightarrow{2MA} - \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}\| = \|\overrightarrow{6MA} - 3\overrightarrow{MB}\|$$

$$\text{équivalent à } \|\overrightarrow{3MD} + 2\overrightarrow{DA} - \overrightarrow{DB} + 2\overrightarrow{DC}\| = 3\|\overrightarrow{2MA} - \overrightarrow{MB}\|$$

$$\text{équivalent à } \|\overrightarrow{3MD}\| = 3\|\overrightarrow{MG}\| \quad \text{équivalent à } DM = GM$$

Donc  $(\Gamma)$  est la médiatrice du segment  $[DG]$ .

$$3. \quad \|\overrightarrow{MG} + 2\overrightarrow{MC}\| = \|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB}\| \quad \text{équivalent à } \|\overrightarrow{3MD} + \overrightarrow{DG} + 2\overrightarrow{DC}\| = \|\overrightarrow{BM} + \overrightarrow{MA}\|$$

$$\text{équivalent à } 3MD = BA \quad \text{équivalent à } DM = \frac{1}{3} AB$$

Donc  $(\Gamma')$  est le cercle de centre D et de rayon  $\frac{1}{3} AB$ .

