

Š & ^ A ò | P ^ à ä Ó ^ }  
P • q Á R ^ } à [ ~ à æ

## Devoir de contrôle N°2

**Exercice 1 :** Indiquer la réponse exacte :

- 1) Si  $\vec{U} \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}$  et  $\vec{V} \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}$  alors  $(\vec{U} + \vec{V})^2$  est égal à :  
a/ -16      b/ 34      c/ 18
- 2) Z un nombre complexe le conjugué de  $1+iz$  est :  
a/  $-1-i\bar{z}$       b/  $1-i\bar{z}$       c/  $1+i\bar{z}$
- 3) La forme algébrique de  $(1+i)^2(2-3i)$  est :  
a/  $6-4i$       b/  $6+4i$       c/  $-6-4i$
- 4) La forme algébrique de  $\frac{8+i}{1+2i}$  est :  
a/  $-2+3i$       b/  $2+3i$       c/  $2-3i$

**Exercice 2 :**

Soit  $f$  la fonction définie par  $f(x) = \frac{x^2+2x+1}{x-1}$

- 1) Déterminer le domaine de dérivabilité de  $f$  et calculer  $f'(x)$ .
- 2) a/Dresser le tableau de variation de  $f$ .

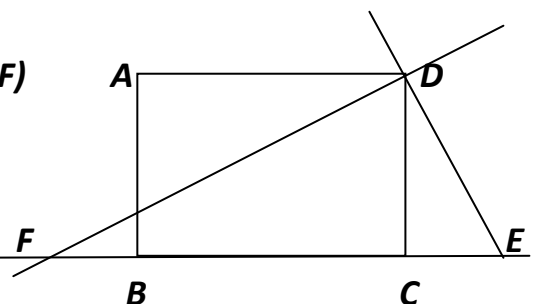
**Exercice 3 :**

Dans la figure ci-contre, ABCD est un rectangle tel que  $AB=2$  et  $AD=3$ .

E est le point de  $[BC]$  et F est le point de  $[CB]$  tel que  $CE=BF=1$ .

- 1) Calculer  $\vec{BC} \cdot \vec{BD}$  ;  $\vec{BC} \cdot \vec{DA}$  ;  $\vec{FD} \cdot \vec{FE}$
- 2) a/Calculer  $\vec{DE} \cdot \vec{DC}$  et  $\vec{ED} \cdot \vec{CF}$   
b/Montrer alors que  $\vec{DE} \cdot \vec{DF} = 0$  et que  $(DE) \perp (DF)$
- 3) Soit  $\xi = \{ M \in P ; MB^2 + 3ME^2 = 16 \}$   
a/Vérifier que  $\vec{CB} + 3\vec{CE} = \vec{0}$   
b/Montrer que pour tout point du plan , on a :  

$$MB^2 + 3ME^2 = 4MC^2 + 12$$
c/En déduire l'ensemble  $\xi$ .



## CORRECTION (proposée par Guesmi.B)

### EXERCICE 1

1)c      2)b      3)b      4)c

Justification si c'est demandé

$$1) (\vec{u} + \vec{v}) \begin{pmatrix} 3 \\ -5 \end{pmatrix} \text{ donc } (\vec{u} + \vec{v})^2 = \|(\vec{u} + \vec{v})\|^2 = 9 + 25 = 34$$

$$2) \overline{1 + iz} = 1 - i\bar{z}$$

$$3) (1 + i)^2 \cdot (2 - 3i) = 2i(2 - 3i) = 6 + 4i$$

$$4) \frac{8+i}{1+2i} = \frac{(8+i)(1-2i)}{(1+2i)(1-2i)} = 2 - 3i$$

### EXERCICE 2

1) f est, une fonction rationnelle donc dérivable sur son domaine de définition  $\mathbb{R} - \{1\}$

$$f'(x) = \frac{(x^2+2x+1)'(x-1) - (x-1)'(x^2+2x+1)}{(x-1)^2} = \frac{(x+1)(x-3)}{(x-1)^2}$$

2) a) le signe de f' est celui de (x+1)(x-3) d'où le tableau

X	$-\infty$	-1	1	3	$+\infty$	
$(x+1)(x-3)$	+	0	-	-	0	+
$f'(x)$	+	0	-	-	0	+
$f(x)$						

$-\infty \rightarrow 0 \rightarrow -\infty \rightarrow 8 \rightarrow +\infty$

3) f admet un maximum local 0 en -1 et un minimum local 8 en 3

### EXERCICE3

$$1) \overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{BD} = BC^2 = 9$$

$$\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{DA} = -BC^2 = -9$$

$$\overrightarrow{FD} \cdot \overrightarrow{FE} = \overrightarrow{FE} \cdot \overrightarrow{FC} = FE \cdot FC = 5 \times 4 = 20$$

$$2)a) \overrightarrow{DE} \cdot \overrightarrow{DC} = DC^2 = 4$$

$$\overrightarrow{ED} \cdot \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{EC} \cdot \overrightarrow{CF} = EC \cdot CF = 1 \times 4 = 4$$

$$b) \overrightarrow{DE} \cdot \overrightarrow{DF} = (\overrightarrow{DC} + \overrightarrow{CE}) \cdot \overrightarrow{DF} = \overrightarrow{DC} \cdot \overrightarrow{DF} + \overrightarrow{CE} \cdot \overrightarrow{DF} = DC^2 - CE \cdot CF = 4 - 1 \times 4 = 0$$

donc  $(DE) \perp (DF)$

3)a) on a  $\overrightarrow{CB} = -3\overrightarrow{CE}$  donc le resultat

$$b) MB^2 + 3ME^2 = (\overrightarrow{MC} + \overrightarrow{CB})^2 + 3(\overrightarrow{MC} + \overrightarrow{CE})^2 = 4MC^2 + 3CE^2 + CB^2 + 2\overrightarrow{MC}(\overrightarrow{CB} + 3\overrightarrow{CE}) = 4MC^2 + 3 + 9 = 4MC^2 + 12$$

c) donc

$4MC^2 + 12 = 16$  donc  $MC = 1$  alors  $M$  decrit le cercle de centre  $C$  et de rayon 1