

Prof	guemi.b
Lycée	jendouba
Niveau	3 ^{ème} Maths

Devoir de contrôle N°1

Matière	Maths
Date	2011
Durée	2 h

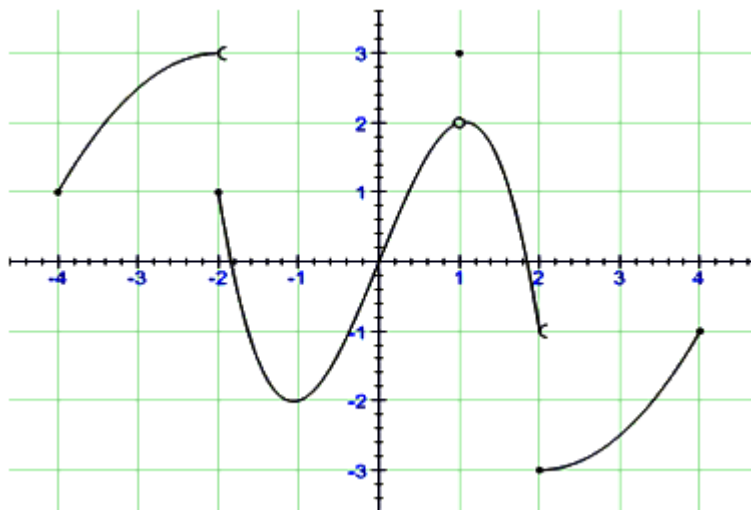
Exercice 1 : (3 pts)

Répondre par vrai ou faux.

1. Si une fonction f n'est pas continue en a alors f n'admet pas de limite en a .
2. Si f admet une limite finie en a alors elle est continue en a .
3. Si f admet une limite à droite en a et une limite à gauche en a alors elle admet une limite en a .
4. Si f est continue sur chacun des intervalles $[0 ; 1]$ et $]1 ; 2]$ alors f est continue sur $[0 ; 2]$.
5. f est continue à droite en a et continue à gauche en a signifie $\lim_a f = f(a)$.
6. La fonction $x \mapsto \frac{\sqrt{x^2}}{x}$ n'admet pas de limite en 0.

Exercice 2 : (4 pts)

La figure ci-contre représente la courbe d'une fonction f . Répondre aux questions suivantes par lecture graphique.



1. Quel est l'ensemble de définition de f ?
2. Déterminer $f(-2)$; $f(1)$; $f(2)$.
3. Déterminer les limites à gauche et à droite de f en -2 et 1 .
4. Quels sont les intervalles sur lesquels f est continue.
5. Déterminer $f([-2 ; 0])$; $f(]1 ; 4])$.
6. Soit g la fonction définie sur $[-4 ; 4]$ par : $g(x) = f(x)$ si $x \neq 1$ et $g(1) = 2$
 - a. Peut-on dire que g est le prolongement par continuité de f en 1 ? (justifier votre réponse)
 - b. Peut-on dire que g est une fonction impaire ? (justifier votre réponse)

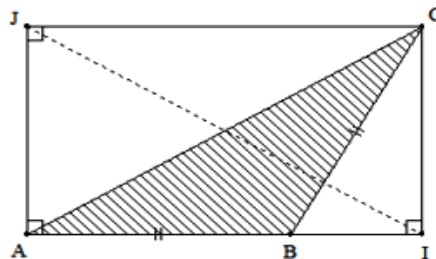
Exercice 3 : (3 pts)

Soient deux réels a et b , et la fonction f définie par $f(x) = \begin{cases} \frac{x^3+4x^2+4x}{|x+1|-1} & \text{si } x \neq -2 \text{ et } x \neq 0 \\ a & \text{si } x = -2 \\ 4 & \text{si } x = 0 \end{cases}$

1. Montrer que f est continue en tout réel x différent de -2 et 0 .
2. Montrer que f est continue en 0 .
3. Déterminer a pour que f soit continue en -2 .
4. Montrer que l'équation $f(x) = 2$ admet une solution dans l'intervalle $[-1 ; 0]$.

Exercice 4 : (6 pts)

Dans la figure ci-contre AICJ est un rectangle tel que $AC = 4\sqrt{3}$ et B un point de [AI] tel que $AB = BC = 4$

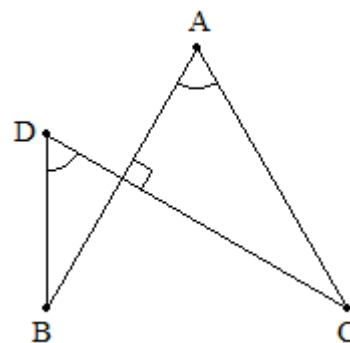


1. Montrer que $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} = -8$
2. En déduire que $\cos \widehat{ABC} = -\frac{1}{2}$ et que $BI = 2$
3. Montrer que $\overrightarrow{CB} \cdot \overrightarrow{CI} = 12$ et $\overrightarrow{CB} \cdot \overrightarrow{CJ} = 12$
4. En déduire que $(CB) \perp (IJ)$
5. Soient $\Delta = \{M \in P ; MA^2 - MB^2 = 32\}$ et $\Gamma = \{M \in P ; MA^2 + MB^2 = 64\}$
 - a. Montrer que $M \in \Delta$ signifie que $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{AB} = 16$ avec O le milieu de [AB]
 - b. Montrer que $C \in \Delta$ puis déterminer Δ
 - c. Montre que Γ est le cercle de centre O passant par C

Exercice 5 : (4 pts)

Dans la figure ci-contre on a : $(\widehat{AB}, \widehat{AC}) \equiv \frac{-53\pi}{3} [2\pi]$

$(\widehat{DB}, \widehat{DC}) \equiv \frac{49\pi}{3} [2\pi]$ et (CD) la médiatrice de [AB]



1. Montrer que le triangle ABC est équilatéral
2. Montrer que les points A , B , C et D sont sur un même cercle \mathcal{C}
3. Montrer que $(\widehat{BD}, \widehat{BA}) \equiv -\frac{\pi}{6} [2\pi]$
4. En déduire que $(BC) \perp (BD)$ et que \mathcal{C} est le cercle de diamètre [DC]
5. Reproduire la figure sur votre copie puis déterminer et construire l'ensemble des points M tels que $(\widehat{MB}, \widehat{MA}) \equiv -\frac{\pi}{6} [2\pi]$

Bon travail.