

<b>Prof</b>	guemi.b
<b>Lycée</b>	jendouba
<b>Niveau</b>	3 <sup>ème</sup> Maths

## Devoir de contrôle N°1

<b>Matière</b>	Maths
<b>Date</b>	2011
<b>Durée</b>	2 h

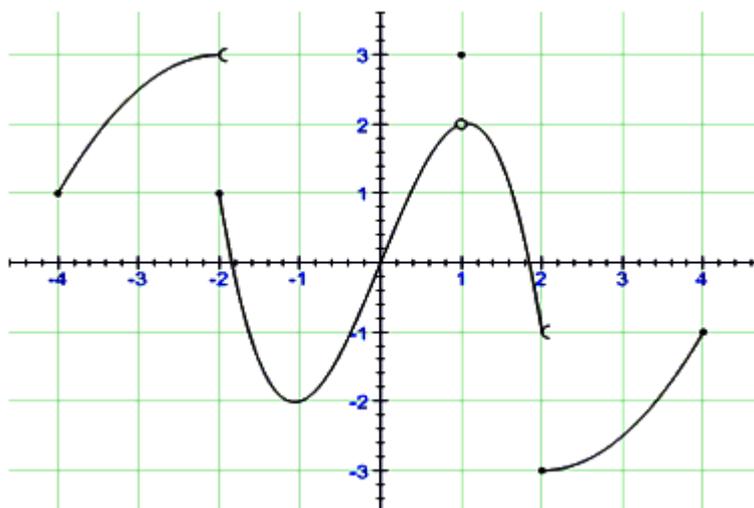
### Exercice 1 : (3 pts)

Répondre par vrai ou faux.

1. Si une fonction  $f$  n'est pas continue en  $a$  alors  $f$  n'admet pas de limite en  $a$ .
2. Si  $f$  admet une limite finie en  $a$  alors elle est continue en  $a$ .
3. Si  $f$  admet une limite à droite en  $a$  et une limite à gauche en  $a$  alors elle admet une limite en  $a$ .
4. Si  $f$  est continue sur chacun des intervalles  $[0 ; 1]$  et  $]1 ; 2]$  alors  $f$  est continue sur  $[0 ; 2]$ .
5.  $f$  est continue à droite en  $a$  et continue à gauche en  $a$  signifie  $\lim_a f = f(a)$ .
6. La fonction  $x \mapsto \frac{\sqrt{x^2}}{x}$  n'admet pas de limite en 0.

### Exercice 2 : (4 pts)

La figure ci-contre représente la courbe d'une fonction  $f$ . Répondre aux questions suivantes par lecture graphique.



1. Quel est l'ensemble de définition de  $f$  ?
2. Déterminer  $f(-2)$  ;  $f(1)$  ;  $f(2)$ .
3. Déterminer les limites à gauche et à droite de  $f$  en  $-2$  et  $1$ .
4. Quels sont les intervalles sur lesquels  $f$  est continue.
5. Déterminer  $f([-2 ; 0])$  ;  $f(]1 ; 4])$ .
6. Soit  $g$  la fonction définie sur  $[-4 ; 4]$  par :  $g(x) = f(x)$  si  $x \neq 1$  et  $g(1) = 2$ 
  - a. Peut-on dire que  $g$  est le prolongement par continuité de  $f$  en  $1$  ? (justifier votre réponse)
  - b. Peut-on dire que  $g$  est une fonction impaire ? (justifier votre réponse)

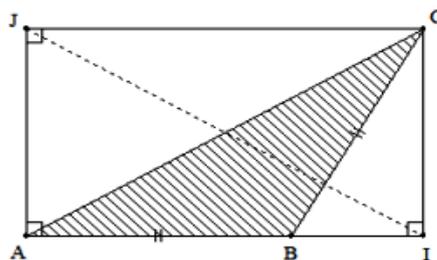
### Exercice 3 : (3 pts)

Soient deux réels  $a$  et  $b$ , et la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^3+4x^2+4x}{|x+1|-1} & \text{si } x \neq -2 \text{ et } x \neq 0 \\ a & \text{si } x = -2 \\ 4 & \text{si } x = 0 \end{cases}$

1. Montrer que  $f$  est continue en tout réel  $x$  différent de  $-2$  et  $0$ .
2. Montrer que  $f$  est continue en  $0$ .
3. Déterminer  $a$  pour que  $f$  soit continue en  $-2$ .
4. Montrer que l'équation  $f(x) = 2$  admet une solution dans l'intervalle  $[-1 ; 0]$ .

### Exercice 4 : (6 pts)

Dans la figure ci-contre AICJ est un rectangle tel que  $AC = 4\sqrt{3}$  et B un point de [AI] tel que  $AB = BC = 4$

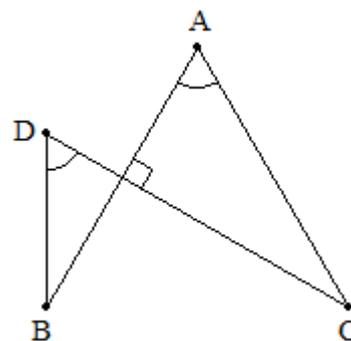


1. Montrer que  $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} = -8$
2. En déduire que  $\cos \widehat{ABC} = -\frac{1}{2}$  et que  $BI = 2$
3. Montrer que  $\overrightarrow{CB} \cdot \overrightarrow{CI} = 12$  et  $\overrightarrow{CB} \cdot \overrightarrow{CJ} = 12$
4. En déduire que  $(CB) \perp (IJ)$
5. Soient  $\Delta = \{M \in P ; MA^2 - MB^2 = 32\}$  et  $\Gamma = \{M \in P ; MA^2 + MB^2 = 64\}$ 
  - a. Montrer que  $M \in \Delta$  signifie que  $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{AB} = 16$  avec O le milieu de [AB]
  - b. Montrer que  $C \in \Delta$  puis déterminer  $\Delta$
  - c. Montre que  $\Gamma$  est le cercle de centre O passant par C

### Exercice 5 : (4 pts)

Dans la figure ci-contre on a :  $(\widehat{AB}, \widehat{AC}) \equiv \frac{-53\pi}{3} [2\pi]$

$(\widehat{DB}, \widehat{DC}) \equiv \frac{49\pi}{3} [2\pi]$  et (CD) la médiatrice de [AB]



1. Montrer que le triangle ABC est équilatéral
2. Montrer que les points A , B , C et D sont sur un même cercle  $\mathcal{C}$
3. Montrer que  $(\widehat{BD}, \widehat{BA}) \equiv -\frac{\pi}{6} [2\pi]$
4. En déduire que  $(BC) \perp (BD)$  et que  $\mathcal{C}$  est le cercle de diamètre [DC]
5. Reproduire la figure sur votre copie puis déterminer et construire l'ensemble des points M tels que  $(\widehat{MB}, \widehat{MA}) \equiv -\frac{\pi}{6} [2\pi]$

*Bon travail.*